**MATEMATIKA**

Az iskolai matematikatanítás célja, hogy hiteles képet nyújtson a matematikáról, mint tudásrendszerről, és mint sajátos emberi megismerési, gondolkodási, szellemi tevékenységről. A matematika tanulása érzelmi és motivációs vonatkozásokban is formálja, gazdagítja a személyiséget, fejleszti az önálló rendszerezett gondolkodást, és alkalmazásra képes tudást hoz létre. A matematikai gondolkodás fejlesztése segíti a gondolkodás általános kultúrájának kiteljesedését.

A matematikatanítás feladata a matematika különböző arculatainak bemutatása. A matematika: kulturális örökség; gondolkodásmód; alkotó tevékenység; a gondolkodás örömének forrása; a mintákban, struktúrákban tapasztalható rend és esztétikum megjelenítője; önálló tudomány; más tudományok segítője; a mindennapi élet része és a szakmák eszköze.

A tanulók matematikai gondolkodásának fejlesztése során alapvető cél, hogy mind inkább ki tudják választani és alkalmazni tudják a természeti és társadalmi jelenségekhez illeszkedő modelleket, gondolkodásmódokat (analógiás, heurisztikus, becslésen alapuló, matematikai logikai, axiomatikus, valószínűségi, konstruktív, kreatív stb.), módszereket (aritmetikai, algebrai, geometriai, függvénytani, statisztikai stb.) és leírásokat. A matematikai nevelés sokoldalúan fejleszti a tanulók modellalkotó tevékenységét. Ugyanakkor fontos a modellek érvényességi körének és gyakorlati alkalmazhatóságának eldöntését segítő képességek fejlesztése. Egyaránt lényeges a reproduktív és a problémamegoldó, valamint az alkotó gondolkodásmód megismerése, elsajátítása, miközben nem szorulhat háttérbe az alapvető tevékenységek (pl. mérés, alapszerkesztések), műveletek (pl. aritmetikai, algebrai műveletek, transzformációk) automatizált végzése sem. A tanulás elvezethet a matematika szerepének megértésére a természet- és társadalomtudományokban, a humán kultúra számos ágában. Segít kialakítani a megfogalmazott összefüggések, hipotézisek bizonyításának igényét. Megmutathatja a matematika hasznosságát, belső szépségét, az emberi kultúrában betöltött szerepét. Fejleszti a tanulók térbeli tájékozódását, esztétikai érzékét.

A tanulási folyamat során fokozatosan meg kell ismertetni a tanulókkal a matematika belső struktúráját (fogalmak, axiómák, tételek, bizonyítások elsajátítása), mindezekkel fejlesztve a tanulók absztrakciós és szintetizáló képességét. Az új fogalmak alkotása, az összefüggések felfedezése és az ismeretek feladatokban való alkalmazása fejleszti a kombinatív készséget, a kreativitást, az önálló gondolatok megfogalmazását, a felmerült problémák megfelelő önbizalommal történő megközelítését, megoldását. A diszkussziós képesség fejlesztése, a többféle megoldás keresése, megtalálása és megbeszélése a többféle nézőpont érvényesítését, a komplex problémakezelés képességét is fejleszti. A folyamat végén a tanulók eljutnak az önálló, rendszerezett, logikus gondolkodás bizonyos szintjére.

A műveltségi terület a különböző témakörök szerves egymásra épülésével kívánja feltárni a matematika és a matematikai gondolkodás világát. A fogalmak, összefüggések érlelése és a matematikai gondolkodásmód kialakítása egyre emelkedő szintű spirális felépítést indokol az életkori, egyéni fejlődési és érdeklődési sajátosságoknak, a bonyolódó ismereteknek, a fejlődő absztrakciós képességnek megfelelően. Ez a felépítés egyaránt lehetővé teszi a lassabban haladókkal való foglalkozást és a tehetség kibontakoztatását.

A matematikai értékek megismerésével és a matematikai tudás birtokában a tanulók hatékonyan tudják használni a megszerzett kompetenciákat az élet különböző területein. A matematika a maga hagyományos és modern eszközeivel segítséget ad a természettudományok, az informatika, a technikai, a humán műveltségterületek, illetve a választott szakma ismeretanyagának tanulmányozásához, a mindennapi problémák értelmezéséhez, leírásához és kezeléséhez. Ezért a tanulóknak rendelkezniük kell azzal a képességgel és készséggel, hogy alkalmazni tudják matematikai tudásukat, és felismerjék, hogy a megismert fogalmakat és tételeket változatos területeken használhatjuk. Az adatok, táblázatok, grafikonok értelmezésének megismerése nagyban segítheti a mindennapokban, és különösen a média közleményeiben való reális tájékozódásban. Mindehhez elengedhetetlen egyszerű matematikai szövegek értelmezése, elemzése. A tanulóktól meg kell követelni a szaknyelv életkornak megfelelő, pontos használatát, a jelölésrendszer helyes alkalmazását írásban és szóban egyaránt.

A tanulók rendszeresen oldjanak meg önállóan feladatokat, aktívan vegyenek részt a tanítási, tanulási folyamatban. A feladatmegoldáson keresztül a tanuló képessé válhat a pontos, kitartó, fegyelmezett munkára. Kialakul bennük az önellenőrzés igénye, a sajátunkétól eltérő szemlélet tisztelete. Mindezek érdekében is a tanítás folyamában törekedni kell a tanulók pozitív motiváltságának biztosítására, önállóságuk fejlesztésére. A matematikatanítás, -tanulás folyamatában egyre nagyobb szerepet kaphat az önálló ismeretszerzés képességnek fejlesztése, az ajánlott, illetve az önállóan megkeresett, nyomtatott és internetes szakirodalom által. A matematika lehetőségekhez igazodva támogatni tudja az elektronikus eszközök (zsebszámológép, számítógép, grafikus kalkulátor), internet, oktatóprogramok célszerű felhasználását, ezzel hozzájárul a digitális kompetencia fejlődéséhez.

A tananyag egyes részleteinek csoportmunkában való feldolgozása, a feladatmegoldások megbeszélése az együttműködési képesség, a kommunikációs képesség fejlesztésének, a reális önértékelés kialakulásának fontos területei. Ugyancsak nagy gondot kell fordítani a kommunikáció fejlesztésére (szövegértésre, mások szóban és írásban közölt gondolatainak meghallgatására, megértésére, saját gondolatok közlésére), az érveken alapuló vitakészség fejlesztésére. A matematikai szöveg értő olvasása, tankönyvek, lexikonok használata, szövegekből a lényeg kiemelése, a helyes jegyzeteléshez szoktatás a felsőfokú tanulást is segíti.

Változatos példákkal, feladatokkal rá lehet mutatni arra, hogy milyen előnyöket jelenthet a mindennapi életben, ha valaki jártas a problémamegoldásban. A matematikatanításnak kiemelt szerepe van a pénzügyi-gazdasági kompetenciák kialakításában. Életkortól függő szinten rendszeresen foglalkozni kell olyan feladatokkal, amelyekben valamilyen probléma legjobb megoldását keressük. Kiemelt szerepet kell szánni azoknak az optimumproblémáknak, amelyek gazdasági kérdésekkel foglalkoznak, amikor költség, kiadás minimumát; elérhető eredmény, bevétel maximumát keressük. Fokozatosan be kell vezetni a matematika feladatokba a pénzügyi fogalmakat: bevétel, kiadás, haszon, kölcsön, kamat, értékcsökkenés, -növekedés, törlesztés, futamidő. Ezek a feladatok erősítik a tanulókban azt a tudatot, hogy matematikából valóban hasznos ismereteket tanulnak, illetve hogy a matematika alkalmazása a mindennapi élet szerves része. Az életkor előrehaladtával egyre több példát kell bemutatni arra, hogy milyen területeken tud segíteni a matematika. Fel kell hívni a figyelmet arra, hogy milyen matematikai ismerteket alkalmaznak az alapvetően matematikaigényes, illetve a matematikát csak kisebb részben használó szakmák (pl. informatikus, mérnök, közgazdász, pénzügyi szakember, biztosítási szakember, illetve pl. vegyész, grafikus, szociológus stb.), ezzel is segítve a tanulók pályaválasztását.

A matematikához való pozitív hozzáállást nagyban segíthetik a matematika tartalmú játékok és a matematikához kapcsolódó érdekes problémák és feladványok.

A matematika a kultúrtörténetnek is része. Segítheti a matematikához való pozitív hozzáállást, ha bemutatásra kerül a tananyag egyes elemeinek a művészetekben való alkalmazása. A motivációs bázis kialakításában komoly segítség lehet a matematikatörténet egy-egy mozzanatának megismertetése, nagy matematikusok életének, munkásságának megismerése. A Nat néhány matematikus ismeretét előírja minden tanuló számára: Euklidész, Pitagorasz, Descartes, Bolyai Farkas, Bolyai János. A kerettanterv ezen kívül is több helyen hívja fel a tananyag matematikatörténeti érdekességeire a figyelmet. Ebből a tanárkollégák csoportjuk jellegének megfelelően szabadon válogathatnak.

Minden életkori szakaszban fontos a differenciálás. Ez nemcsak az egyéni igények figyelembevételét jelenti. Sokszor az alkalmazhatóság vezérli a tananyag és a tárgyalásmód megválasztását, más esetekben a tudományos igényesség szintje szerinti differenciálás szükséges. Egy adott osztály matematikatanítása során a célok, feladatok teljesíthetősége igényli, hogy a tananyag megválasztásában a tanulói érdeklődés és a pályaorientáció is szerepet kapjon. A matematikát alkalmazó pályák felé vonzódó tanulók gondolkodtató, kreativitást igénylő versenyfeladatokkal motiválhatók, a humán területen továbbtanulni szándékozók számára érdekesebb a matematika kultúrtörténeti szerepének kidomborítása, másoknak az általános iskola matematika gyakorlati alkalmazhatósága fontos. A fokozott szaktanári figyelem, az iskolai könyvtár és az elektronikus eszközök használatának lehetősége segíthetik az esélyegyenlőség megvalósulását.

**5–6. évfolyam**

A felső tagozaton az eddig megszerzett tudást és kompetenciákat kell elmélyíteni és kiterjeszteni. A mindennapi élet problémamegoldásához szükséges képességek és ismeretek elsajátítása mellett legalább ugyanilyen fontos, hogy a matematikatanulás szolgálja egy jól működő gondolkodásmód, egy tanulási stratégia, ítélőképesség, megértés és sok általánosabb pozitív emberi tulajdonság formálását is.

Fontos feladat a tanulás tanítása, az elsajátítás képességének (emlékezet, figyelem, koncentráció, lényegkiemelés stb.) fejlesztése. Meg kell ismertetni a matematika bevált tanulási módszereit.

A matematikai gondolkodásmódot fel kell használni a problémamegoldások során. Ehhez szükséges megfelelő szemléltető ábrákat, diagramokat, grafikonokat készíteni, ilyeneket értelmezni, elemezni és felhasználni; halmazokat jellemezni, szabályszerűségeket észrevenni, általánosító sejtéseket, állításokat megfogalmazni.

Az érvelés, a cáfolás, a vitakészség, a helyes kommunikáció fejlesztése folyamatos feladatunk. Ehhez szükséges másokkal problémamegoldásban együttműködni, gondolatainkat, a megismert fogalmakat rendszerezni. A modellalkotás fontos eszköz, amely segítséget nyújt a problémák megoldásában. Fontos, hogy a tanulók a modellalkotásaik során a megértett és megtanult fogalmakat és eljárásokat fel tudják használni, és a modellekbe szervesen be tudják építeni. Szükséges, hogy problémahelyzetet leíró szöveg alapján a probléma lényegét felismerjék, majd annak megfelelő, a probléma megoldását elősegítő modelleket alkossanak. Fokozatosan fejleszteni kell a matematikai szaknyelv és jelölésrendszer használatát, alkalmazását.

Ebben a két évfolyamban sajátítják el egyszerű szöveges feladatok megoldásának néhány stratégiáját: a hétköznapi és gyakorlati problémák megértését és megjelenítését matematikai alakban, az eredmény becslését és ellenőrzését. Tájékozódnak síkban és térben, ismerik az egyszerű síkbeli és térbeli alakzatokat. Tudják a tanult mértékegységeket átváltani. Készség szinten számolnak egész számokkal, és gyakorlottak a racionális számokkal való műveletek végzésében.

Az egyes tematikus egységekre javasolt óraszámokat a táblázatok tartalmazzák. Ezen kívül számonkérésre 14, ismétlésre 6 óra van tervezve.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **1. Gondolkodási módszerek, halmazok, matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | | | **Órakeret**  **6+folyamatos** |
| **Előzetes tudás** | | Adott tulajdonságú elemek halmazba rendezése. Halmazba tartozó elemek közös tulajdonságainak felismerése, megnevezése. Annak eldöntése, hogy egy elem beletartozik-e egy adott halmazba.  A változás értelmezése egyszerű matematikai tartalmú szövegben. Több, kevesebb, ugyanannyi fogalma. Állítások igazságtartalmának eldöntése.  Néhány elem sorba rendezése, az összes eset megtalálása (próbálgatással). | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Ismeretek tudatos memorizálása, felidézése.  A megtanulást segítő eszközök és módszerek megismerése, értelmes, interaktív használatának fejlesztése.  A rendszerezést segítő eszközök és algoritmusok megismerése.  Valószínűségi és statisztikai szemlélet fejlesztése.  Tervezés, ellenőrzés, önellenőrzés igényének kialakítása.  Kommunikáció fejlesztése.  A saját képességek és műveltség fejlesztésének igénye. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Elemek elrendezése, rendszerezése adott szempont(ok) szerint.  Néhány elem sorba rendezése különféle módszerekkel.  Néhány elem kiválasztása. | | | A kombinatorikus gondolkodás, a célirányos figyelem kialakítása, fejlesztése. |  | |
| Halmazba rendezés adott tulajdonság alapján.  A részhalmaz fogalma.  Két véges halmaz közös része.  Két véges halmaz egyesítése. | | | A helyes halmazszemlélet kialakítása.  A megfigyelőképesség fejlesztése:  tárgyak tulajdonságainak kiemelése, összehasonlítás, azonosítás, megkülönböztetés, osztályokba sorolás, tulajdonságok szerint, az érzékszervek tudatos működtetésével.  A közös tulajdonságok felismerése, tagadása. | *Informatika*: könyvtárszerkezet a számítógépen. | |
| Változatos tartalmú szövegek értelmezése.  Összehasonlításhoz szükséges kifejezések értelmezése, használata (pl. egyenlő; kisebb; nagyobb; több; kevesebb; nem; és; vagy; minden; van olyan, legalább, legfeljebb). | | | Értő, elemző olvasás fejlesztése.  Kommunikáció fejlesztése a nyelv logikai elemeinek használatával.  A lényegkiemelés, a szabálykövető magatartás fejlesztése. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés. | |
| Példák a biztos, a lehetséges és a lehetetlen bemutatására.  A tanultakhoz kapcsolódó igaz és hamis állítások. | | | A matematikai logika nyelvének megismerése, tudatosítása. | *Magyar nyelv és irodalom*:  a lényegkiemelés képességének fejlesztése. | |
| Megoldások megtervezése, eredmények ellenőrzése. | | | Tervezés, ellenőrzés, önellenőrzés igényének a kialakítása. |  | |
| Egyszerű, matematikailag is értelmezhető hétköznapi szituációk megfogalmazása szóban és írásban.  Definíció megértése és alkalmazása. | | | Kommunikációs készség, lényegkiemelés fejlesztése. | *Magyar nyelv és irodalom*: lényegkiemelés fejlesztése. | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Halmaz, elem, részhalmaz, egyesítés, közös rész, igaz, hamis, nem, és, vagy, minden, van olyan, biztos, lehetséges, lehetetlen, legalább, legfeljebb. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **2. Számtan, algebra** | | | **Órakeret**  **116 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Számok írása, olvasása (10 000-es számkör). Helyi érték, alaki érték, valódi érték. Római számok írása, olvasása. Negatív számok a mindennapi életben (hőmérséklet, adósság).  Törtek a mindennapi életben: 2, 3, 4, 10, 100 nevezőjű törtek megnevezése. Számok helye a számegyenesen. Számszomszédok, kerekítés. Természetes számok nagyság szerinti összehasonlítása.  A hosszúság, az űrtartalom, a tömeg és az idő mérése. Átváltások szomszédos mértékegységek között. Mérőeszközök használata.  Matematikai jelek: +, –, •, :, =, <, >, ( ).  A matematika különböző területein az ésszerű becslés és a kerekítés alkalmazása. Fejben számolás százas számkörben. A szorzó- és bennfoglaló tábla biztos tudása. Összeg, különbség, szorzat, hányados fogalma. Műveletek tulajdonságai, tagok, illetve tényezők felcserélhetősége. Műveleti sorrend.  Négyjegyű számok összeadása, kivonása, szorzás egy- és kétjegyű, osztás egyjegyű számmal írásban. Műveletek ellenőrzése.  Szöveges feladat: a szöveg értelmezése, adatok kigyűjtése, megoldási terv, becslés, ellenőrzés, az eredmény realitásának vizsgálata.  Páros és páratlan számok, többszörös, osztó, maradék fogalma.  Szimbólumok használata matematikai szöveg leírására, az ismeretlen szimbólum kiszámítása. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Biztos számfogalom kialakítása. Számolási készség fejlesztése. A műveleti sorrend használatának fejlesztése, készségszintre emelése. Mértékegységek helyes használata és pontos átváltása.  Matematikai úton megoldható probléma megoldásának elképzelése, becslés, sejtés megfogalmazása; megoldás után a képzelt és tényleges megoldás összevetése. Egyszerűsített rajz készítése lényeges elemek megőrzésével.  Fegyelmezettség, következetesség, szabálykövető magatartás fejlesztése.  Pénzügyi ismeretek alapozása.  Ellenőrzés, önellenőrzés, az eredményért való felelősségvállalás. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Természetes számok milliós számkörben, egészek, törtek, tizedes törtek.  Alaki érték, helyi érték.  Számlálás, számolás. Hallott számok leírása, látott számok kiolvasása.  Számok ábrázolása számegyenesen. | | | Számfogalom mélyítése, a számkör bővítése.  Kombinatorikus gondolkodás alapelemeinek alkalmazása számok kirakásával. | *Természetismeret*: Magyarország lakosainak száma. | |
| Negatív szám értelmezése:   * adósság, * fagypont alatti hőmérséklet, * számolások az időszalagon, * földrajzi adatok (magasságok, mélységek). | | | Készpénz, adósság fogalmának továbbfejlesztése.  Mélységek és magasságok értelmezése matematikai szemlélettel. | *Természetismeret; hon- és népismeret*:  földrajzi adatok vizsgálata.  *Történelem, társadalmi és állampolgári ismeretek*:  időtartam számolása időszámítás előtti és időszámítás utáni történelmi eseményekkel. | |
| Összeadás, kivonás szóban, (fejben) és írásban, szemléltetés számegyenesen.  Alapműveletek negatív számokkal.  Ellentett, abszolút érték. | | | Számolási készség fejlesztése. | *Természetismeret*: összehasonlítás, számolás földrajzi adatokkal: tengerszint alatti mélység, tengerszint feletti magasság szűkebb és tágabb környezetünkben (a Földön). | |
| Közönséges tört fogalma. | | | A közönséges tört szemléltetése, kétféle értelmezése, felismerése szöveges környezetben. | *Ének-zene*:  a törtszámok és a hangjegyek értékének kapcsolata. | |
| Tizedes tört fogalma.  A tizedes törtek értelmezése. Tizedes törtek jelentése, kiolvasása, leírása. | | | Helyiérték-táblázat használata.  Mennyiségek kifejezése tizedes törtekkel: dm, cl, mm. |  | |
| Egész számok, törtek helye a számegyenesen, nagyságrendi összehasonlítások. | | | Matematikai jelek értelmezése (<, >, = stb.), használata. |  | |
| Összeadás, kivonás az egészek és a törtek körében.  Szorzás, osztás az egészek és a törtek körében (0 szerepe a szorzásban, osztásban).  A számok reciprokának fogalma. | | | Számolási készség fejlesztése.  A műveletekhez kapcsolódó ellenőrzés igényének és képességének fejlesztése. Önellenőrzés, önismeret fejlesztése. |  | |
| Szorzás, osztás 10-zel, 100-zal, 1000-rel. | | | A műveletfogalom mélyítése. A számolási készség fejlesztése gyakorlati feladatokon keresztül. |  | |
| Összeg, különbség, szorzat, hányados változásai. | | | Fegyelmezettség, következetesség, szabálykövető magatartás fejlesztése.  Algoritmikus gondolkodás fejlesztése. |  | |
| Műveleti tulajdonságok, a helyes műveleti sorrend.  Műveletek eredményeinek előzetes becslése, ellenőrzése, kerekítése. | | | Egyszerű feladatok esetén a műveleti sorrend helyes alkalmazási módjának felismerése, alkalmazása. Az egyértelműség és a következetesség fontossága.  Az ellenőrzési és becslési igény fejlesztése. |  | |
| A racionális számok halmaza.  Véges és végtelen szakaszos tizedes törtek. | | | A mennyiségi jellemzők kifejezése számokkal: természetes szám, racionális szám, pontos szám és közelítő szám. |  | |
| Egyszerű elsőfokú egyismeretlenes egyenletek, egyenlőtlenségek megoldása következtetéssel, lebontogatással. A megoldások ábrázolása számegyenesen, ellenőrzés behelyettesítéssel. | | | Önálló problémamegoldó képesség kialakítása és fejlesztése.  Állítások megítélése igazságértékük szerint. Az egyenlő, nem egyenlő fogalmának elmélyítése.  Ellenőrzési igény fejlesztése. |  | |
| Arányos következtetések.  A mindennapi életben felmerülő, egyszerű arányossági feladatok megoldása következtetéssel.  Egyenes arányosság. | | | A következtetési képesség fejlesztése.  Értő, elemző olvasás fejlesztése.  Annak megfigyeltetése, hogy az egyik mennyiség változása milyen változást eredményez a hozzá tartozó mennyiségnél.  Arányérzék fejlesztése, a valóságos viszonyok becslése települések térképe alapján. | *Hon- és népismeret; természetismeret*:  Magyarország térképéről méretarányos távolságok meghatározása.  A saját település, szűkebb lakókörnyezet térképének használata.  *Vizuális kultúra*:  valós tárgyak arányosan kicsinyített vagy nagyított rajza. | |
| A százalék fogalmának megismerése gyakorlati példákon keresztül.  Az alap, a százalékérték és a százalékláb értelmezése, megkülönböztetése.  Egyszerű százalékszámítási feladatok arányos következtetéssel. | | | Az eredmény összevetése a feltételekkel, a becsült eredménnyel, a valósággal. | *Természetismeret*:  százalékos feliratokat tartalmazó termékek jeleinek felismerése, értelmezése, az információ jelentősége.  *Történelem, társadalmi és állampolgári ismeretek; pénzügyi, gazdasági kultúra*: árfolyam, infláció, hitel, betét, kamat. | |
| Szabványmértékegységek és átváltásuk: hosszúság, terület, térfogat, űrtartalom, idő, tömeg.  Matematikatörténeti érdekességek: a hatvanas számrendszer kapcsolata idő mérésével. | | | Gyakorlati mérések, mértékegység-átváltások helyes elvégzésének fejlesztése (pl. napirend, vásárlás).  Az arányosság felismerése mennyiség és mérőszám kapcsolata alapján.  Kreatív gondolkodás fejlesztése. Mennyiségi következtetés, becslési készség fejlesztése. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  műszaki rajz készítésénél a mértékegységek használata, főzésnél a tömeg, az űrtartalom és az idő mérése.  *Hon- és népismeret; természetismeret*:  ősi magyar mértékegységek. | |
| Szöveges feladatok megoldása.  Egyszerű matematikai problémát tartalmazó rövidebb és hosszabb szövegek feldolgozása. | | | Szövegértés fejlesztése. Egyszerű matematikai problémát tartalmazó és a mindennapi élet köréből vett szövegek feldolgozása.  Algoritmikus gondolkodás fejlesztése, gondolatmenet tagolása.  Emlékezés elmondott, elolvasott történetekre, emlékezést segítő ábrák, vázlatok, rajzok készítése, visszaolvasása. | *Magyar nyelv és irodalom*:  olvasási és megértési stratégiák kialakítása (szövegben megfogalmazott helyzet, történés megfigyelése, értelmezése, lényeges és lényegtelen információk szétválasztása).  *Vizuális kultúra*:  elképzelt történetek vizuális megjelenítése különböző eszközökkel. | |
| Egyszerű oszthatósági szabályok (2-vel, 3-mal, 5-tel, 9-cel, 10-zel, 100-zal).  Két szám közös osztói, közös többszörösei. | | | Az osztó, többszörös fogalmának elmélyítése.  Két szám közös osztóinak kiválasztása az összes osztóból. A legkisebb pozitív közös többszörös megkeresése.  Számolási készség fejlesztése szóban (fejben).  A bizonyítási igény felkeltése. | *Testnevelés:*  csapatok összeállítása. | |
| Osztó, többszörös alkalmazása. | | | A tanult ismeretek felhasználása a törtek egyszerűsítése, bővítése során.  Számolási készség fejlesztése. |  | |
| Algebrai kifejezések gyakorlati használata a terület, kerület, felszín és térfogat számítása során. | | | Számolási készség fejlesztése.  Feladatok a mindennapi életből: lakás festése, járólapozása, tejes doboz térfogata, teásdoboz csomagolása stb. |  | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Tízes számrendszer, helyi érték, alaki érték, számegyenes, összeadandók, az összeg tagjai, kisebbítendő, kivonandó, különbség, szorzandó, szorzó, szorzat, a szorzat tényezői, osztandó, osztó, hányados, maradék. Közös osztó, közös többszörös. Kerekítés, becslés, ellenőrzés. Arány, egyenes arányosság. Százalék, százalékérték, alap, százalékláb.  Negatív szám, előjel, ellentett, abszolút érték.  Közönséges tört, számláló, nevező, közös nevező, reciprok, tizedestört, véges és végtelen szakaszos tizedes tört, racionális szám, egyenlet egyenlőtlenség. Mértékegységek. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **3. Függvények, az analízis elemei** | | | **Órakeret**  **20 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Szabályfelismerés, szabálykövetés.  A szabály megfogalmazása egyszerű formában, a hiányzó elemek pótlása.  Tapasztalati adatok lejegyzése, táblázatba rendezése. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Sorozat megadása szabállyal. A koordináta-rendszer biztonságos használata. Függvényszemlélet előkészítése. Probléma felismerése.  Összefüggés-felismerő képesség fejlesztése. Szabálykövetés, szabályfelismerés képességének fejlesztése. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Helymeghatározás gyakorlati szituációkban, konkrét esetekben.  A Descartes-féle derékszögű koordinátarendszer.  *Matematikatörténet*: Descartes*.* | | | Megadott pont koordinátáinak leolvasása, illetve koordináták segítségével pont ábrázolása a Descartes-féle koordináta-rendszerben.  Sakklépések megadása, torpedó játék betű-szám koordinátákkal. Osztálytermi ülésrend megadása koordinátarendszerrel.  Tájékozódási képesség fejlesztése. | *Természetismeret:* tájékozódás a térképen, fokhálózat. | |
| Táblázat hiányzó elemeinek pótlása ismert vagy felismert szabály alapján, ábrázolásuk grafikonon. | | | Összefüggések felismerése. Együttváltozó mennyiségek összetartozó adatpárjainak jegyzése: tapasztalati függvények, sorozatok alkotása.  A helyes függvényszemlélet megalapozása. |  | |
| Egyszerű grafikonok értelmezése.  Változó mennyiségek közötti kapcsolatok, ábrázolásuk derékszögű koordináta-rendszerben. | | | Megfigyelőképesség, összefüggések felismerésének képessége, rendszerező-képesség fejlesztése. | *Természetismeret:* időjárás grafikonok. | |
| Gyakorlati példák elsőfokú függvényekre.  Az egyenes arányosság grafikonja. | | | Eligazodás a mindennapi élet egyszerű grafikonjaiban. |  | |
| Sorozat megadása a képzés szabályával, illetve néhány elemével.  Példák konkrét sorozatokra.  Sorozatok folytatása adott szabály szerint. | | | Szabálykövetés, szabályfelismerés képességének fejlesztése. | *Testnevelés és sport; ének-zene; dráma és tánc*:  ismétlődő ritmus, tánclépés, mozgás létrehozása, helymeghatározás a sportpályán. | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Sorozat, egyenes arányosság, koordináta-rendszer, táblázat, grafikon. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **4. Geometria** | | | **Órakeret**  **53 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Vonalak (egyenes, görbe). Hosszúság és távolság mérése (egyszerű gyakorlati példák).  Háromszög, négyzet, téglalap, jellemzői. Kör létrehozása, felismerése, jellemzői.  Egyszerű tükrös alakzat, tengelyes szimmetria felismerése.  A test és a síkidom megkülönböztetése. Kocka, téglatest, jellemzői.  Négyzet, téglalap kerülete. Mérés, kerületszámítás, mértékegységek.  Négyzet, téglalap területének mérése különféle egységekkel, területlefedéssel. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Térelemek fogalmának elmélyítése – környezetünk tárgyainak vizsgálata. Távolság szemléletes fogalma, meghatározása.  A sík- és térszemlélet fejlesztése. A vizuális képzelet fejlesztése.  Rendszerező-képesség, halmazszemlélet fejlesztése.  A geomtriai problémamegoldás lépéseinek megismertetése (szerkesztésnél: adatfelvétel, vázlatrajz, megszerkeszthetőség vizsgálata, szerkesztés).  Számolási készség fejlesztése.  A szaknyelv helyes használatának fejlesztése.  A geometriai jelölések pontos használata.  Pontos munkavégzésre nevelés. Esztétikai érzék fejlesztése. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | | |
| A tér elemei: pont, vonal, egyenes, félegyenes, szakasz, sík, szögtartomány. | | | A tanult térelemek felvétele és jelölése. |  | | |
| Párhuzamosság, merőlegesség, konvexitás.  Síkidomok, sokszögek (háromszögek, négyszögek) szemléletes fogalma. | | | Síkidomok, tulajdonságainak vizsgálata, közös tulajdonságok felismerése. | *Vizuális kultúra*: párhuzamos és merőleges egyenesek megfigyelése környezetünkben.  *Hon- és népismeret*: népművészeti minták, formák. | | |
| A távolság szemléletes fogalma, adott tulajdonságú pontok keresése.  Két pont, pont és egyenes távolsága.  Két egyenes távolsága.  Adott feltételeknek megfelelő ponthalmazok.  *Matematikatörténet*: Bolyai János, Bolyai Farkas | | | Körző, vonalzók helyes használata, két vonalzóval párhuzamosok, merőlegesek rajzolása.  Törekvés a szaknyelv helyes használatára (legalább, legfeljebb, nem nagyobb, nem kisebb)  Az érdeklődés felkeltése a matematika értékeinek, eredményeinek megismerésére. | *Vizuális kultúra***:** térbeli tárgyak síkbeli megjelenítése. | | |
| Kör, gömb szemléletes fogalma.  Sugár, átmérő, húr, szelő, érintő. | | | Körök, minták megjelenésének vizsgálata a környezetünkben, előfordulásuk a művészetekben és a gyakorlati életben.  Díszítőminták szerkesztése körzővel. | *Természetismeret*: földgömb.  *Testnevelés és sport*: tornaszerek: labdák, karikák stb.  *Vizuális kultúra*: építészetben alkalmazott térlefedő lehetőségek (kupolák, víztornyok stb.).  *Hon- és népismeret*: népművészeti minták, formák. | | |
| Két ponttól egyenlő távolságra levő pontok.  Szakaszfelező merőleges. | | | A problémamegoldó képesség fejlesztése.  Pontosság igényének fejlesztése. |  | | |
| A szög fogalma, mérése. Szögfajták.  A szög jelölése, betűzése.  Szögmásolás, szögfelezés.  Nevezetes szögek szerkesztése: 30°, 60°, 90°, 120°.  *Matematikatörténet*: görög betűk használata a szögek jelölésére, a hatvanas számrendszer kapcsolata a szög mérésével. | | | Szögmérő használata. Fogalomalkotás képességének kialakítása, fejlesztése.  Törekvés a pontos munkavégzésre.  A szerkesztés gondolatmenetének tagolása.  Az érdeklődés felkeltése a matematika értékeinek, eredményeinek megismerésére. | *Történelem, társadalmi és állampolgári ismeretek*:  görög „abc” betűinek használata. | | |
| Adott egyenesre merőleges szerkesztése.  Adott egyenessel párhuzamos szerkesztése.  Téglalap, négyzet szerkesztése. | | | Gyakorlati példák a fogalmak mélyebb megértéséhez. | *Technika, életvitel és gyakorlat*; *vizuális kultúra*:  párhuzamos és merőleges egyenesek megfigyelése környezetünkben (sínpár, épületek, bútorok, képkeretek stb. élei). | | |
| Téglalap, négyzet kerülete, területe. | | | Adott alakzatok kerületének, területének meghatározása méréssel, számolással.  Számolási készség fejlesztése. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  Udvarok, telkek kerülete. Az iskola és az otthon helyiségeinek alapterülete. | | |
| Háromszögek csoportosítása oldalak és szögek szerint.  A háromszög magasságának fogalma. | | | Tulajdonságok megfigyelése, összehasonlítása. Csoportosítás.  Halmazszemlélet fejlesztése. | *Vizuális kultúra*: speciális háromszögek a művészetben. | | |
| Négyszögek, speciális négyszögek (trapéz, paralelogramma, deltoid, rombusz) megismerése. | | | Az alakzatok előállítása hajtogatással, nyírással, rajzzal.  Alakzatok tulajdonságainak kiemelése, összehasonlítás, azonosítás, megkülönböztetés, osztályokba sorolás különféle tulajdonságok szerint. |  | | |
| Háromszög, négyszög, sokszög belső és külső szögeinek összege. | | | A háromszög belső és külső szögeinek összegére vonatkozó ismeretek megszerzése tapasztalati úton.  Az összefüggések megfigyeltetése hajtogatással, méréssel, tépkedéssel.  Megfigyelőképesség fejlesztése. |  | | |
| Egyenlőszárú szárú háromszög és speciális négyszögek szerkesztése, egyszerűbb esetekben. | | | Körző és vonalzó használata. Pontos munkavégzésre törekvés.  Esztétikai érzék fejlesztése.  A szerkesztés gondolatmenetének tagolása. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  megfelelő eszközök segítségével figyelmes, pontos munkavégzés. | | |
| Sokszögek kerülete. | | | Kerület meghatározása méréssel, számolással.  A matematika és gyakorlati élet közötti kapcsolat felismerése. |  | | |
| Kocka, téglatest tulajdonságai, hálója.  Téglatest (kocka) felszínének és térfogatának kiszámítása. | | | Testek építése, tulajdonságaik vizsgálata.  Rendszerező képesség, halmazszemlélet fejlesztése.  Testek csoportosítása adott tulajdonságok alapján.  Térszemlélet fejlesztése térbeli analógiák keresésével. | *Technika, életvitel és gyakorlat*: téglatest készítése, tulajdonságainak vizsgálata.  *Vizuális kultúra*: egyszerű tárgyak, geometriai alakzatok tervezése, makettek készítése. | | |
| A tengelyes tükrözés.  Egyszerű alakzatok tengelyes tükörképének megszerkesztése.  A tengelyes tükrözés tulajdonságai. | | | Szimmetrikus ábrák készítése.  Tükrözés körzővel, vonalzóval.  Tükrözés koordináta-rendszerben.  Transzformációs szemlélet fejlesztése. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  megfelelő eszközök segítségével figyelmes, pontos munkavégzés. | | |
| Tengelyesen szimmetrikus alakzatok.  Tengelyesen szimmetrikus háromszögek, négyszögek (deltoid, rombusz, húrtrapéz, téglalap, négyzet), sokszögek.  A kör. | | | A tengelyes szimmetria vizsgálata hajtogatással, tükörrel.  A szimmetria felismerése a természetben és a művészetben. | *Vizuális kultúra; természetismeret*: tengelyesen szimmetrikus alakzatok megfigyelése, vizsgálata a műalkotásokban. | | |
| Derékszögű háromszög és tengelyesen szimmetrikus háromszögek, négyszögek területe.  Terület meghatározás átdarabolással. | | | Megfigyelőképesség fejlesztése. |  | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Pont, egyenes, szakasz, félegyenes, sík, merőlegesség, párhuzamosság, szögfajták.  Távolság, szakaszfelező merőleges, szögfelező.  Síkidom, sokszög, kör, test, csúcs, él, lap, szög, gömb.  Konvexitás.  Kerület, terület, felszín, testek hálója, térfogat, magasság.  Tengelyes tükrözés, szimmetria.  Egyenlő szárú háromszög, egyenlő oldalú háromszög, húrtrapéz, deltoid, rombusz. | | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **5. Statisztika, valószínűség** | | | **Órakeret**  **12 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Adatgyűjtés, adatok lejegyzése, diagram leolvasása.  Valószínűségi játékok, kísérletek, megfigyelések. Biztos, lehetetlen, lehet, de nem biztos. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | A statisztikai gondolkodás fejlesztése.  A valószínűségi gondolkodás fejlesztése.  Megfigyelőképesség, az összefüggés-felismerő képesség, elemzőképesség fejlesztése. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Valószínűségi játékok és kísérletek dobókockák, pénzérmék segítségével (biztos, lehetetlen esemény). | | | Valószínűségi és statisztikai alapfogalmak szemléleti alapon történő kialakítása.  A figyelem tartósságának fejlesztése.  Kommunikáció és együttműködési készség fejlesztése a páros, illetve csoportmunkákban.  Valószínűségi kísérletek végrehajtása. |  | |
| Adatok tervszerű gyűjtése, rendezése.  Egyszerű diagramok, értelmezése, táblázatok olvasása, készítése. | | | Tudatos és célirányos figyelem gyakorlása.  Elemzőképesség fejlesztése a napi sajtóban, különböző kiadványokban található grafikonok, táblázatok felhasználásával. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  menetrend adatainak értelmezése; kalóriatáblázat vizsgálata.  *Informatika*: adatkezelés, adatfeldolgozás, információ-megjelenítés. | |
| Átlagszámítás néhány adat esetén (számtani közép). | | | Az átlag lényegének megértése. Számolási készség fejlődése. | *Természetismeret*: időjárási átlagok (csapadék, hőingadozás, napi, havi, évi középhőmérséklet). | |
| **Kulcsfogalmak/fogalmak** | Adat, diagram, átlag, biztos esemény, lehetetlen esemény. | | | | |

|  |  |
| --- | --- |
| **A fejlesztés várt eredményei a két évfolyamos ciklus végén** | *Gondolkodási és megismerési módszerek*   * Halmazba rendezés adott tulajdonság alapján, részhalmaz felírása, felismerése. * Két véges halmaz közös részének, illetve uniójának felírása, ábrázolása. * Néhány elem kiválasztása adott szempont szerint. * Néhány elem sorba rendezése különféle módszerekkel. * Állítások igazságának eldöntése, igaz és hamis állítások megfogalmazása. * Összehasonlításhoz szükséges kifejezések helyes használata. * Néhány elem összes sorrendjének felírása.   *Számtan, algebra*   * Racionális számok írása, olvasása, összehasonlítása, ábrázolása számegyenesen. * Ellentett, abszolút érték, reciprok felírása. * Mérés, mértékegységek használata, átváltás egyszerű esetekben. * A mindennapi életben felmerülő egyszerű arányossági feladatok megoldása következtetéssel, az egyenes arányosság felismerése, használata. * Két-három műveletet tartalmazó műveletsor eredményének kiszámítása, a műveleti sorrendre vonatkozó szabályok ismerete, alkalmazása. Zárójelek alkalmazása. * Szöveges feladatok megoldása következtetéssel (az adatok közötti összefüggések felírása szimbólumokkal). * Becslés, ellenőrzés segítségével a kapott eredmények helyességének megítélése. * A százalék fogalmának ismerete, a százalékérték kiszámítása. * Számok osztóinak, többszöröseinek felírása. Közös osztók, közös többszörösök kiválasztása. Oszthatósági szabályok (2, 3, 5, 9, 10, 100) ismerete, alkalmazása. * A hosszúság, terület, térfogat, űrtartalom, idő, tömeg szabványmértékegységeinek ismerete. Mértékegységek egyszerűbb átváltásai gyakorlati feladatokban. Algebrai kifejezések gyakorlati használata a terület, kerület, felszín és térfogat számítása során. * Elsőfokú egyismeretlenes egyenletek, egyenlőtlenségek megoldása szabadon választott módszerrel.  *Összefüggések, függvények, sorozatok*  * Tájékozódás a koordinátarendszerben: pont ábrázolása, adott pont koordinátáinak a leolvasása. * Egyszerűbb grafikonok, elemzése. * Egyszerű sorozatok folytatása adott szabály szerint, szabályok felismerése, megfogalmazása néhány tagjával elkezdett sorozat esetén.   *Geometria*   * Térelemek, félegyenes, szakasz, szögtartomány, sík, fogalmának ismerete. * A geometriai ismeretek segítségével a feltételeknek megfelelő ábrák pontos szerkesztése. A körző, vonalzó célszerű használata. * Alapszerkesztések: pont és egyenes távolsága, két párhuzamos egyenes távolsága, szakaszfelező merőleges, szögfelező, szögmásolás, merőleges és párhuzamos egyenesek. * Alakzatok tengelyese tükörképének szerkesztése, tengelyes szimmetria felismerése. * A tanult síkbeli és térbeli alakzatok tulajdonságainak ismerete és alkalmazása feladatok megoldásában. * Téglalap és a deltoid kerületének és területének kiszámítása. * A téglatest felszínének és térfogatának kiszámítása. * A tanult testek térfogatszámítási módjának ismeretében mindennapjainkban található testek térfogatának, űrmértékének meghatározása.   *Valószínűség, statisztika*   * Egyszerű diagramok készítése, értelmezése, táblázatok olvasása. * Néhány szám számtani közepének kiszámítása. * Valószínűségi játékok, kísérletek során adatok tervszerű gyűjtése, rendezése, ábrázolása. |

**7–8. évfolyam**

Tizenhárom éveskortól a tanulók mindinkább általánosító elképzelésekben, elvont konstrukciókban gondolkoznak. Elméleteket gyártanak, összefüggéseket keresnek, próbálják értelmezni a világot. Az iskolai tanítás csak akkor lehet eredményes, ha alkalmazkodik ezekhez a változásokhoz, illetve igyekszik azokat felhasználva fejleszteni a tanulókat. A matematika kiválóan alkalmas arra, hogy a rendszerező képességet és hajlamot fejlessze. A felső tagozat utolsó két évfolyamában mind inkább szükséges matematikai szövegeket értelmezni és alkotni. Segítsük, hogy a tanulók a problémamegoldásaik részeként többféle forrásból legyenek képesek ismereteket szerezni.

Ebben a korban a tanításban már meg kell jelennie az elvonatkoztatás és az absztrakciós készség felhasználásának, fejlesztésének. A matematika tanításában itt jelenik meg a konkrét számok betűkkel való helyettesítése, a tapasztalatok általános megfogalmazása. Ezekben az évfolyamokban már komoly hangsúlyt kell helyeznünk arra, hogy a megsejtett összefüggések bizonyításának igénye is kialakuljon. A definíciókat és a tételeket mind inkább meg kell tudni különböztetni, azokat helyesen kimondani, problémamegoldásban mind többször alkalmazni. A mindennapi élet és a matematika (korosztálynak megfelelő) állításainak igaz vagy hamis voltát el kell tudni dönteni. A feladatok megoldása során fokozatosan kialakul az adatok, feltételek adott feladat megoldásához való szükségessége és elégségessége eldöntésének képessége. A tanítás része, hogy a feladatmegoldás előtt mind gyakrabban tervek, vázlatotok készüljenek, majd ezek közül válasszuk ki a legjobbat. Esetenként járjunk be több utat a megoldás során, és ennek alapján gondoljuk végig, hogy létezik-e legjobb út, vagy ennek eldöntése csak bizonyos szempontok rögzítése esetén lehetséges. A feladatmegoldások során lehetőséget kell teremteni arra, hogy esetenként a terveket és a munka szervezését a feladatmegoldás közben a tapasztalatoknak megfelelően módosítani lehessen. Egyes feladatok esetén szükséges általánosabb eljárási módokat, algoritmusokat keresni.

A matematika egyes területei más-más módon adnak lehetőséget ebben az életkorban az egyes kompetenciák fejlesztésére. A különböző matematikatanítási módszerek minden tananyagrészben segíthetik a megfelelő önismeret, a helyes énkép kialakítását.

A tananyaghoz kapcsolódó matematikatörténeti érdekességek hozzásegítenek az egyetemes kultúra, a magyar tudománytörténet megismeréséhez. A gyakorlati élethez kapcsolódó szöveges feladatok segítik a gazdasági nevelést, a környezettudatos életvitelt, az egészséges életmód kialakítását. A definíciók megtanulása fejleszti a memóriát, a szaknyelv precíz használatára ösztönöz. A geometriai ismeretek elsajátítása közben a tanulók térszemlélete fejlődik, megtanulják az esztétikus, pontos munkavégzést. A halmazszemlélet alakítása és fejlesztése a rendszerező képességet erősíti.

Az érdeklődés specializálódása természetes dolog. Akinél ez a reál tárgyak felé fordul, ott igényes feladatanyaggal, kiegészítő ismeretekkel kell elérni, hogy az ilyen irányú továbbtanuláshoz szükséges alapok kialakuljanak, az érdeklődés fennmaradjon. Akinél a matematika, illetve a reál tárgyak iránti érdeklődés csökken, ott egyrészt sok érdeklődést felkeltő elemmel: matematikatörténeti vonatkozással, játékokkal, érdekes feladatokkal lehet ezt az érdeklődést visszaszerezni, másrész célszerű sok olyan feladatot beiktatni, amelyek jól mutatják, hogy az életben sokszor előnybe kerülhetnek, jobb döntést hozhatnak azok, akik jól tudják a matematikát.

A specializálódott érdeklődés, és az ekkorra már óhatatlanul kialakuló tudásbeli különbségek miatt 7. osztálytól ajánlott a tárgy csoportbontásban való tanulása. Ezzel célszerű lehetőséget teremteni a lassabban haladók felzárkóztatására és a gyorsabban haladók tudásának elmélyítésére.

Az egyes tematikus egységekre javasolt óraszámokat a táblázatok tartalmazzák. Ezen kívül számonkérésre 12, ismétlésre 6 óra van tervezve.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **1. Gondolkodási módszerek, halmazok, matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | | | **Órakeret**  **7 + folyamatos** |
| **Előzetes tudás** | | Halmazba rendezés adott tulajdonság alapján. A részhalmaz fogalma. Két véges halmaz közös része.  Egyszerű, matematikailag is értelmezhető hétköznapi szituációk megfogalmazása szóban és írásban. Állítások igazságának eldöntése. Igaz és hamis állítások megfogalmazása. Összehasonlításhoz szükséges kifejezések értelmezése, használata. Definíció megértése és alkalmazása.  Néhány elem kiválasztása adott szempont szerint. Néhány elem sorba rendezése különféle módszerekkel. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Az önálló gondolkodás igényének kialakítása. Halmazok eszköz jellegű használata, halmazszemlélet fejlesztése.  Szóbeli és írásbeli kifejezőkészség fejlesztése, a matematikai szaknyelv pontos használata. Saját gondolatok megértetésére való törekvés (szóbeli érvelés, szemléletes indoklás). Rendszerszemlélet, kombinatorikus gondolkodás fejlesztése.  Fogalmak egymáshoz való viszonyának, összefüggéseknek a megértése.  A rendszerezést segítő eszközök és algoritmusok használatának fejlesztése.  A bizonyítás, az érvelés iránti igény felkeltése, a kulturált vitatkozás gyakoroltatása. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Halmazba rendezés több szempont alapján a halmazműveletek alkalmazásával.  Két véges halmaz uniója, különbsége, metszete.  A részhalmaz.  Matematikatörténet:  Cantor. | | | A halmazszemlélet fejlesztése.  Rendszerszemlélet fejlesztése. |  | |
| Az „és”, „vagy”, „ha”, „akkor”, „nem”, „van olyan”, „minden” „legalább”, legfeljebb” kifejezések használata. | | | A matematikai szaknyelv pontos használata.  A nyelv logikai elemeinek egyre pontosabb, tudatos használata. | *Magyar nyelv és irodalom*:  a lényeges és lényegtelen megkülönböztetése. | |
| Egyszerű („minden”, „van olyan” típusú) állítások igazolása, cáfolata konkrét példák kapcsán. | | | Kulturált érvelés képességének fejlesztése. |  | |
| A matematikai bizonyítás előkészítése: sejtések, kísérletezés, módszeres próbálkozás, cáfolás. | | | A bizonyítási igény felkeltése.  Tolerancia, kritikai szemlélet, problémamegoldás.  A kulturált vitatkozás elsajátítása. |  | |
| A gyakorlati élethez és a társtudományokhoz kapcsolódó szöveges feladatok megoldása. | | | Szövegelemzés, értelmezés, szöveg lefordítása a matematika nyelvére.  Ellenőrzés, önellenőrzés iránti igény erősítése. Igényes grafikus és verbális kommunikáció. | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan; földrajz; technika, életvitel és gyakorlat*: számításos feladatok. | |
| Matematikai játékok. | | | Aktív részvétel, pozitív attitűd.  (pl. Hanoi torony) |  | |
| Egyszerű kombinatorikai feladatok megoldása különféle módszerekkel (fadiagram, útdiagram, táblázatok készítése).  Sorba rendezés, kiválasztás. Néhány elem esetén az összes eset felsorolása. | | | A kombinatorikus gondolkodás fejlesztése.  Tapasztalatszerzés az összes eset rendszerezett felsorolásában. |  | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Halmaz, elem, részhalmaz, egyesítés, metszet. Alaphalmaz.  Igaz, hamis, nem, és, vagy, minden, van olyan, biztos, lehetséges, lehetetlen. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **2. Számelmélet, algebra** | | | **Órakeret**  **81 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Racionális számkör. Számok írása, olvasása, összehasonlítása, ábrázolása számegyenesen. Műveletek racionális számokkal.  Ellentett, abszolút érték, reciprok.  Mérés, mértékegységek használata, átváltás egyszerű esetekben.  A mindennapi életben felmerülő egyszerű arányossági feladatok megoldása következtetéssel, egyenes arányosság.  Alapműveletek racionális számokkal írásban.  A zárójelek, a műveleti sorrend biztos alkalmazása. Helyes és értelmes kerekítés, az eredmények becslése, a becslés használata ellenőrzésre is.  Szöveges feladatok megoldása.  A százalékszámítás alapjai. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | A matematikai ismeretek és a mindennapi élet történései közötti kapcsolat tudatosítása. Szavakban megfogalmazott helyzet, történés matematizálása; matematikai modellek választása, keresése, készítése, értelmezése adott szituációkhoz. Konkrét matematikai modellek értelmezése a modellnek megfelelő szöveges feladat alkotásával.  A szabványos mértékegységekhez tartozó mennyiségek és többszöröseik, törtrészeik képzeletben való felidézése.  Az együttműködéshez szükséges képességek fejlesztése páros és kiscsoportos tevékenykedtetés, feladatmegoldás során – a munka tervezése, szervezése, megosztása.  Az ellenőrzés, önellenőrzés iránti igény, az eredményért való felelősségvállalás erősítése. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Racionális számok (véges, végtelen tizedes törtek), példák nem racionális számra (végtelen, nem szakaszos tizedes törtek). | | | A számfogalom mélyítése. |  | |
| A természetes, egész és racionális számok halmazának kapcsolata. | | | A rendszerező képesség fejlesztése. |  | |
| Műveletek racionális számkörben írásban és számológéppel. Az eredmény helyes és értelmes kerekítése.  Eredmények becslése, ellenőrzése. | | | Műveletfogalom mélyítése.  A zárójel és a műveleti sorrend biztos alkalmazása.  Számolási és a becslési készség fejlesztése.  Az algoritmikus gondolkodás fejlesztése. | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan; földrajz*:  számításos feladatok. | |
| A hatványozás fogalma pozitív egész kitevőre, egész számok körében. | | | A hatvány fogalmának kialakítása, fejlesztése.  A definícióalkotás igényének felkeltése. |  | |
| Műveletek hatványokkal: azonos alapú hatványok szorzása, osztása.  Hatványozásnál az alap és a kitevő változásának hatása a hatványértékre. | | |  | *Kémia*:  az anyagmennyiség mértékegysége (a mól).  *Földrajz*:  termelési statisztikai adatok. | |
| 10 egész kitevőjű hatványai. | | | Számolási készség fejlesztése (fejben és írásban). | *Kémia*: számítási feladatok. | |
| A négyzetgyök fogalma.  Számok négyzete, négyzetgyöke.  Példa irracionális számra  (π, ). | | | Négyzetgyök meghatározása számológéppel. |  | |
| Prímszám, összetett szám. Prímtényezős felbontás.  Matematikatörténet: érdekességek a prímszámok köréből. | | | A korábban tanult ismeretek és az új ismeretek közötti összefüggések felismerése. |  | |
| Oszthatósági szabályok.  Számelméleti alapú játékok.  Matematikatörténet: tökéletes számok, barátságos számok.  Legnagyobb közös osztó, legkisebb pozitív közös többszörös. | | | A tanult ismeretek felelevenítése.  Oszthatósági szabályok alkalmazása a törtekkel való műveleteknél.  A bizonyítási igény felkeltése oszthatósági feladatoknál.  Két szám legnagyobb közös osztójának kiválasztása az összes osztóból. A legkisebb pozitív közös többszörös megkeresése a közös többszörösök közül. |  | |
| Arány, aránypár, arányos osztás.  Egyenes arányosság, fordított arányosság. | | | A következtetési képesség fejlesztése: a mindennapi élet és a matematika közötti gyakorlati kapcsolatok meglátása, a felmerülő arányossági feladatok megoldása során. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés.  *Fizika; kémia; földrajz*:  arányossági számítások felhasználása feladatmegoldásokban.  *Technika, életvitel és gyakorlat*:  műszaki rajzok értelmezése. | |
| Mértékegységek átváltása racionális számkörben. | | | Gyakorlati mérések, mértékegység-átváltások helyes elvégzése.  Ciklusonként átélt idő és lineáris időfogalom, időtartam, időpont szavak értő ismerete, használata. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  Főzésnél a tömeg, az űrtartalom és az idő mérése.  *Történelem, társadalmi és állampolgári ismeretek*:  évtized, évszázad, évezred. | |
| Az alap, a százalékérték és a százalékláb fogalmának ismerete, értelmezése, kiszámításuk következtetéssel, a megfelelő összefüggések alkalmazásával. | | | A mindennapi élet és a matematika közötti gyakorlati kapcsolat meglátása a gazdasági élet, a környezetvédelem, a háztartás köréből vett egyszerűbb példákon. |  | |
| A mindennapjainkhoz köthető százalékszámítási feladatok.  Gazdaságossági számítások. | | | Feladatok az árképzés: árleszállítás, áremelés, áfa, betétkamat, hitelkamat, adó, bruttó bér, nettó bér, valamint különböző termékek (pl. élelmiszerek, növényvédő-szerek, oldatok) anyagösszetétele köréből.  Szövegértés, szövegalkotás fejlesztése.  Becslések és következtetések végzése.  Zsebszámológép célszerű használata a számítások egyszerűsítésére, gyorsítására. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés.  *Fizika; kémia*: számítási feladatok.  *Kémia:*  oldatok tömegszázalékos összetételének kiszámítása.  *Fizika:*  hatásfok kiszámítása. | |
| Az algebrai egész kifejezés fogalma. Egytagú, többtagú, egynemű kifejezés fogalma. Helyettesítési érték kiszámítása. | | | Elnevezések, jelölések megértése, rögzítése, definíciókra való emlékezés. Egyszerű szimbólumok megértése és alkalmazása a matematikában. Betűk használata szöveges feladatok általánosításánál. | *Fizika*: összefüggések megfogalmazása, leírása a matematika nyelvén. | |
| Egyszerű átalakítások: zárójel felbontása, összevonás. Egytagú és többtagú algebrai egész kifejezések szorzása racionális számmal, egytagú egész kifejezéssel.  *Matematikatörténet*: az algebra kezdetei. | | | Egyszerű szimbólumok megértése és a matematikában, valamint a többi tantárgyban szükséges egyszerű képletalakítások elvégzése.  Algebrai kifejezések egyszerű átalakításának felismerése. | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan*: Képletek átalakítása.  A képlet értelme, jelentősége. Helyettesítési érték kiszámítása képlet alapján. | |
| Elsőfokú, illetve elsőfokúra visszavezethető egyismeretlenes egyenletek, elsőfokú egyismeretlenes egyenlőtlenségek megoldása.  Azonosság.  Azonos egyenlőtlenség.  Alaphalmaz, megoldáshalmaz. | | | Az egyenlő, nem egyenlő fogalmának elmélyítése. Algoritmikus gondolkodás továbbfejlesztése. A megoldások ábrázolása számegyenesen.  Pontos munkavégzésre nevelés. Számolási készség fejlesztése.  Az ellenőrzés igényének fejlesztés. | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan*: számításos feladatok. | |
| A matematikából és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatok megoldása a tanult matematikai módszerek használatával. Ellenőrzés.  Egyszerű matematikai problémát tartalmazó hosszabb szövegek feldolgozása.  Feladatok például a környezetvédelem, az egészséges életmód, a vásárlások, a család jövedelmének ésszerű felhasználása köréből. | | | Szövegértelmezés, problémamegoldás fejlesztése.  A lényeges és lényegtelen elkülönítésének, az összefüggések felismerésének fejlesztése.  A gondolatmenet tagolása.  Az ellenőrzési igény további fejlesztése.  Igényes kommunikáció kialakítása.  Szöveges feladatok megoldása a környezettudatossággal, az egészséges életmóddal, a családi élettel, a gazdaságossággal kapcsolatban. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés.  A gondolatmenet tagolása. | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Racionális szám. Hatvány, alap, kitevő.  Négyzetgyök. Százalékalap, százalékláb, százalékérték.  Prímszám, összetett szám, legnagyobb közös osztó, legkisebb közös többszörös.  Arány, aránypár, arányos osztás, egyenes és fordított arányosság.  Változó, együttható, algebrai egész kifejezés, helyettesítési érték, egynemű kifejezés, összevonás, zárójelfelbontás.  Egytagú, többtagú kifejezés.  Egyenlet, változó, egyenlőtlenség, azonosság, mérlegelv, ellenőrzés. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **3. Függvények, az analízis elemei** | | | **Órakeret**  **25 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Egyszerű sorozatok folytatása adott szabály szerint.  Biztos tájékozódás a derékszögű koordináta-rendszerben.  Egyszerű grafikonok értelmezése. Egyszerű kapcsolatok ábrázolása derékszögű koordináta-rendszerben. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Függvényszemlélet fejlesztése. Grafikonok, táblázatok adatainak értelmezése, elemzése.  Megoldás a matematikai modellen belül. Matematikai modellek ismerete, alkalmazásának módja, korlátai (sorozatok, függvények, függvényábrázolás). | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Két halmaz közötti hozzárendelések megjelenítése konkrét esetekben. Függvények és ábrázolásuk a derékszögű koordináta-rendszerben. | | | A függvényszemlélet fejlesztése.  Időben lejátszódó valós folyamatok elemzése a grafikon alapján. | *Fizika; biológia-egészségtan; kémia; földrajz*:  függvényekkel leírható folyamatok. | |
| Lineáris függvények.  Egyenes arányosság grafikus képe.  (Példa nem lineáris függvényre: f(x) = x2, f(x) =׀x׀).  Függvények jellemzése növekedés, fogyás. | | | A mindennapi élet, a tudományok és a matematika közötti kapcsolat fölfedezése konkrét példák alapján.  Számolási készség fejlesztése a racionális számkörben.  Számítógép használata a függvények ábrázolására. | *Fizika*:  út-idő; feszültség-áramerősség. | |
| Egyismeretlenes elsőfokú egyenletek grafikus megoldása. | | | Helyzetfelismerés: a tanult ismeretek alkalmazása új helyzetben. |  | |
| Grafikonok olvasása, értelmezése, készítése: szöveggel vagy matematikai alakban megadott szabály grafikus megjelenítése értéktáblázat segítségével. | | | Kapcsolatok észrevétele, megfogalmazása szóban, írásban.  Környezettudatosságra nevelés: pl. adatok és grafikonok elemzése a környezet szennyezettségével kapcsolatban. | *Földrajz*:  adatok hőmérsékletre, csapadék mennyiségére.  *Kémia*:  adatok vizsgálata a levegő és a víz szennyezettségére vonatkozóan. | |
| Egyszerű sorozatok vizsgálata.  Matematikatörténet: Gauss. | | | Gauss-módszer. |  | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Hozzárendelés, függvény, lineáris függvény, növekedés, fogyás, értelmezési tartomány, értékkészlet.  Számtani sorozat, számtani közép. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **4. Geometria** | | | **Órakeret**  **50 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Pont, vonal, egyenes, félegyenes, szakasz, sík, szögtartomány.  Háromszögek, csoportosításuk. Négyszögek, speciális négyszögek (trapéz, paralelogramma, deltoid). Kör és részei. Adott feltételeknek megfelelő ponthalmazok. Háromszög, négyszög belső és külső szögeinek összegére vonatkozó ismeretek.  Téglatest tulajdonságai.  Tengelyesen szimmetrikus alakzatok. Egyszerű alakzatok tengelyes tükörképének megszerkesztése.  Két pont, pont és egyenes távolsága, két egyenes távolsága. Szakaszfelezés, szögfelezés, szögmásolás. Merőleges és párhuzamos egyenesek szerkesztése. Néhány nevezetes szög szerkesztése.  Szerkesztési eszközök használata.  Koordináta-rendszer megismerése, pont ábrázolása, adott pont koordinátáinak a leolvasása.  A téglalap és a deltoid kerületének és területének kiszámítása.  A téglatest felszínének és térfogatának a kiszámítása. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Rendszerező készség fejlesztése.  A mindennapi élethez kapcsolódó egyszerű geometriai számítások elvégzésének fejlesztése. A gyakorlatban előforduló geometriai ismereteket igénylő problémák megoldására való képesség fejlesztése.  Statikus helyzetek, képek, tárgyak megfigyelése. Geometriai transzformációkban megmaradó és változó tulajdonságok megfigyelése.  Az esztétikai-, művészeti tudatosság és kifejezőképesség fejlesztése.  Képzeletben történő mozgatás: átdarabolás elképzelése, testháló összehajtásának, szétvágásának elképzelése.  A pontos munkavégzés igényének fejlesztése.  A geometriai problémamegoldás lépéseinek megismertetése (szerkesztésnél: vázlatrajz, adatfelvétel, a szerkesztés menete, szerkesztés, diszkusszió).  Az együttműködéshez szükséges képességek fejlesztése páros és kis csoportos tevékenykedtetés, feladatmegoldás során – a munka tervezése, szervezése, megosztása; kezdeményezőkészség, együttműködési készség, tolerancia. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Háromszögek osztályozása oldalak, illetve szögek szerint. | | | A tanult ismeretek felidézése, megerősítése.  A halmazszemlélet fejlesztése.  A háromszögek és a négyszögek tulajdonságaira vonatkozó igaz- hamis állítások megfogalmazásán keresztül a vitakészség fejlesztése.  Tömör, de pontos szabatos kifejezőkészség fejlesztése. A szaknyelv minél pontosabb használata írásban is. |  | |
| A háromszögek magassága, magasságvonala, magasságpontja.  A háromszögek kerületének és területének kiszámítása. | | | Számolási készség fejlesztése.  Átdarabolás a terület meghatározásához. Eredmények becslése. | *Informatika*:  tantárgyi szimulációs program. | |
| A háromszög és a négyszög belső és külső szögeinek összege.  *Matematikatörténet*: Bolyai Farkas, Bolyai János.  Érdekességek: gömbi geometria*.* | | | Tételek megfogalmazása megfigyelés alapján. Bizonyítási igény felkeltése. |  | |
| Paralelogramma, trapéz, deltoid tulajdonságai, kerülete, területe.  Szabályos sokszögek.  Kör kerülete, területe.  A kör és érintője. | | | Törekvés a tömör, de pontos, szabatos kommunikációra. A szaknyelv egyre pontosabb használata írásban is.  A terület meghatározása átdarabolással.  A kör kerületének közelítése méréssel.  Számítógépes animáció használata az egyes területképletekhez. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  hétköznapi problémák, területtel kapcsolatos számítás.  *Vizuális kultúra*: Pantheon, Colosseum. | |
| A tanult síkbeli alakzatok (háromszög, trapéz, paralelogramma, deltoid) szerkesztése.  Nevezetes szögek szerkesztése: 15°, 45°, 75°, 105°, 135°. | | | A szerkesztéshez szükséges eszközök célszerű használata. Átélt folyamatról készült leírás gondolatmenetének értelmezése (pl. egy szerkesztés leírt lépéseiről a folyamat felidézése).  A szaknyelv pontos használata. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  műszaki rajz készítése.  *Földrajz*:  szélességi körök és hosszúsági fokok. | |
| Középpontos tükrözés.  A középpontos tükrözés tulajdonságai. A középpontos tükörkép szerkesztése. | | | Pontos, precíz munka elvégzése a szerkesztés során. A transzformációs szemlélet továbbfejlesztése. | *Vizuális kultúra*: művészeti alkotások megfigyelése a tanult transzformációk segítségével. | |
| Középpontosan szimmetrikus alakzatok a síkban.  A tanult sokszögek osztályozása szimmetria szerint. | | | A megfigyelőképesség fejlesztése.  Halmazképző, rendszerező képesség fejlesztése.  A matematika kapcsolata a természettel és a művészeti alkotásokkal: művészeti alkotások vizsgálata (Penrose, Escher, Vasarely).  Gondolkodás fejlesztése szimmetrián alapuló játékokon keresztül. | *Vizuális kultúra; biológia-egészségtan:* középpontosan szimmetrikus alakzatok megfigyelése, vizsgálata a műalkotásokban és a természetben. | |
| Tengelyes és középpontos szimmetria alkalmazása szerkesztésekben. | | | Áttekinthető, pontos szerkesztés igényének fejlesztése. | *Vizuális kultúra*: festmények geometriai alakzatai. | |
| Eltolás, a vektor fogalma. | | | Egyszerű alakzatok eltolt képének megszerkesztése.  A megfigyelőképesség fejlesztése.  Áttekinthető, pontos szerkesztés igényének fejlesztése. |  | |
| Párhuzamos szárú szögek. | | | A tanult transzformációk tulajdonságainak felismerése, felhasználása a fogalmak kialakításánál. |  | |
| Az egybevágóság szemléletes fogalma, a háromszögek egybevágóságának esetei.  Az egybevágóság jelölése. | | | A megfigyelőképesség fejlesztése.  A szaknyelv pontos használata. | *Vizuális kultúra*: festmények, művészeti alkotások egybevágó geometriai alakzatai. | |
| Három- és négyszög alapú egyenes hasábok, forgáshenger hálója, tulajdonságai, felszíne, térfogata.  Ismerkedés a forgáskúppal, gúlával, gömbbel. | | | A halmazszemlélet és a térszemlélet fejlesztése. | *Technika, életvitel és gyakorlat*:  modellek készítése, tulajdonságainak vizsgálata.  *Történelem, társadalmi és állampolgári ismereteki*:  történelmi épületek látszati képe és alaprajza közötti összefüggések megfigyelése.  *Vizuális kultúra*:térbeli tárgyak síkbeli megjelenítése. | |
| Mértékegységek átváltása racionális számkörben. | | | A gyakorlati mérések, mértékegységváltások helyes elvégzésének fejlesztése. | *Testnevelés és sport*: távolságok és idő becslése, mérése.  *Fizika; kémia*:  mérés, mértékegységek, mértékegységek átváltása. | |
| Pitagorasz tétele  Matematikatörténet: Pitagorasz élete és munkássága. A pitagoraszi számhármasok. | | | A Pitagorasz-tétel alkalmazása geometriai számításokban.  Annak felismerése, hogy a matematika az emberiség kultúrájának része.  A bizonyítási igény felkeltése.  Számítógépes program felhasználása a tétel bizonyításánál. |  | |
| Egyszerű számításos feladatok a geometria különböző területeiről. | | | A számolási készség, a becslési készség és az ellenőrzési igény fejlesztése.  Zsebszámológép célszerű használata a számítások egyszerűsítésére, gyorsítására. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés. | |
| Kicsinyítés és nagyítás. | | | A megfigyelőképesség fejlesztése: a középpontos nagyítás, kicsinyítés felismerése hétköznapi szituációkban. | *Földrajz*:  térkép.  *Biológia-egészségtan*:mikroszkóp.  *Vizuális kultúra*:  valós tárgyak arányosan kicsinyített vagy nagyított rajza. | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Geometriai transzformáció, tengelyes tükrözés, középpontos tükrözés, eltolás. Vektor. Egybevágóság.  Középpontos szimmetria, paralelogramma, rombusz.  Egyállású szög, váltószög, csúcsszög.  Belső és külső szög. Háromszög, magasságvonal, magasságpont.  Hasáb, henger, gúla, kúp, gömb. Alaplap, alapél, oldallap, oldalél. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **5. Statisztika, valószínűség** | | | **Órakeret**  **13 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Egyszerű diagramok készítése, értelmezése, táblázatok olvasása.  Néhány szám számtani közepének kiszámítása.  Valószínűségi játékok és kísérletek az adatok tervszerű gyűjtése, rendezése. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | A statisztikai gondolkodás fejlesztése.  A valószínűségi gondolkodás fejlesztése.  Gazdasági nevelés. | | | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Adatok gyűjtése, rendszerezése, adatsokaság szemléltetése, grafikonok készítése. | | | Adatsokaságban való eligazodás: táblázatok olvasása, grafikonok készítése, elemzése.  Statisztikai szemlélet fejlesztése.  Együttműködési készség fejlődése. | *Testnevelés és sport*:teljesítmények adatainak, mérkőzések eredményeinek táblázatba rendezése. | |
| Adathalmazok elemzése (átlag, módusz, medián) és értelmezése, ábrázolásuk.  Számtani közép kiszámítása. | | | Gazdasági statisztikai adatok, grafikonok értelmezése, elemzése. Adatsokaságban való eligazodás képességének fejlesztése.  Ok-okozati összefüggéseket felismerő képesség fejlesztése.  Elemző képesség fejlesztése. | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan; földrajz; történelem, társadalmi és állampolgári ismeretek:* táblázatok és grafikonok adatainak ki- és leolvasása, elemzése, adatok gyűjtése, táblázatba rendezése.  *Informatika*: statisztikai adatelemzés. | |
| Valószínűségi kísérletek.  Valószínűség előzetes becslése, szemléletes fogalma.  Valószínűségi kísérletek, eredmények lejegyzése. Gyakoriság, relatív gyakoriság fogalma.  Matematikatörténet: érdekességek a valószínűség- számítás fejlődéséről*.* | | | Valószínűségi szemlélet fejlesztése.  Tudatos megfigyelőképesség fejlesztése.  A tapasztalatok rögzítése képességének fejlesztése.  Tanulói együttműködés fejlesztése.  Számítógép használata a tudománytörténeti érdekességek felkutatásához. |  | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | Diagram, gyakoriság, relatív gyakoriság, valószínűség. | | | | |

|  |  |
| --- | --- |
| **A fejlesztés várt eredményei a két évfolyamos ciklus végén** | *Gondolkodási és megismerési módszerek*   * Elemek halmazba rendezése több szempont alapján. * Egyszerű állítások igaz vagy hamis voltának eldöntése, állítások tagadása. * Állítások, feltételezések, választások világos, érthető közlésének képessége, szövegek értelmezése egyszerűbb esetekben. * Kombinatorikai feladatok megoldása az összes eset szisztematikus összeszámlálásával. * Fagráfok használata feladatmegoldások során.   *Számtan, algebra*   * Biztos számolási ismeretek a racionális számkörben. A műveleti sorrendre, zárójelezésre vonatkozó szabályok ismerete, helyes alkalmazása. Az eredmény becslése, ellenőrzése., helyes és értelmes kerekítése. * Mérés, mértékegység használata, átváltás. Egyenes arányosság, fordított arányosság. * A százalékszámítás alapfogalmainak ismerete, a tanult összefüggések alkalmazása feladatmegoldás során. * A legnagyobb közös osztó kiválasztása az összes osztóból, a legkisebb pozitív közös többszörös kiválasztása a többszörösök közül. * Prímszám, összetett szám. Prímtényezős felbontás. * Egyszerű algebrai egész kifejezések helyettesítési értéke. Összevonás. Többtagú kifejezés szorzása egytagúval. * Négyzetre emelés, négyzetgyökvonás, hatványozás pozitív egész kitevők esetén. * Elsőfokú egyismeretlenes egyenletek és egyenlőtlenségek. A matematikából és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatok megoldása következtetéssel, egyenlettel. Ellenőrzés. A megoldás ábrázolása számegyenesen. * A betűkifejezések és az azokkal végzett műveletek alkalmazása matematikai, természettudományos és hétköznapi feladatok megoldásában. * Számológép ésszerű használata a számolás megkönnyítésére.   *Összefüggések, függvények, sorozatok*   * Megadott sorozatok folytatása adott szabály szerint. * Az egyenes arányosság grafikonjának felismerése, a lineáris kapcsolatokról tanultak alkalmazása természettudományos feladatokban is. * Grafikonok elemzései a tanult szempontok szerint, grafikonok készítése, grafikonokról adatokat leolvasása. Táblázatok adatainak kiolvasása, értelmezése, ábrázolása különböző típusú grafikonon.   *Geometria*   * A tanuló a geometriai ismeretek segítségével jó ábrák készítése, pontos szerkesztések végzése. * A tanult geometriai alakzatok tulajdonságainak ismerete (háromszögek, négyszögek belső és külső szögeinek összege, nevezetes négyszögek szimmetriatulajdonságai), ezek alkalmazása a feladatok megoldásában. * Tengelyes és középpontos tükörkép, eltolt alakzat képének szerkesztése. Kicsinyítés és nagyítás felismerése hétköznapi helyzetekben (szerkesztés nélkül). * A Pitagorasz-tételt kimondása és alkalmazása számítási feladatokban. * Háromszögek, speciális négyszögek és a kör kerületének, területének számítása feladatokban. * A tanult testek (háromszög és négyszög alapú egyenes hasáb, forgáshenger) térfogatképleteinek ismeretében a mindennapjainkban előforduló testek térfogatának, űrtartalmának kiszámítása.   *Valószínűség, statisztika*   * Valószínűségi kísérletek eredményeinek értelmes lejegyzése, relatív gyakoriságok kiszámítása. * Konkrét feladatokban az esély, illetve valószínűség fogalmának értése, a biztos és a lehetetlen esemény felismerése. * Zsebszámológép célszerű használata statisztikai számításokban.   Néhány kiemelkedő magyar matematikus nevének ismerete, esetenként kutatási területének, eredményének megnevezés |